

Komplexe besondere Wurzeln

Lösen von Gleichungen der Form $z^n = a$.

bzw.

$$z = \sqrt[n]{a}$$

Eine unglaubliche Beispieldarstellung

von $\sqrt[2]{\text{Wurzeln}}$

Datei Nr. 500

Stand 2. Oktober 2023

FRIEDRICH W. BUCKEL

INTERNETBIBLIOTHEK FÜR SCHULMATHEMATIK
UND STUDIUM

<https://mathe-cd.de>

Inhalt

Text 50014: Komplexe zweite Wurzeln

Text 50015: Komplexe dritte Wurzeln

Text 50016:

1 Beispielsammlung vierte Wurzeln

4

$$z^4 = 81, \quad z^4 = i, \quad z^4 = 16i, \quad z^4 = -16i, \quad \sqrt[4]{-3+i \cdot 4} = ?, \quad \sqrt[4]{2-i} = ?$$

$$z^4 = 3 - i \cdot 4, \quad z^4 = -8 + i \cdot 8\sqrt{3}, \quad z^4 = 2\sqrt{3} + 2i, \quad z^4 = \frac{2i}{\sqrt{50}}(5 - 2\sqrt{3})i, \quad z^4 = 16 \cdot \text{cis}(256^\circ)$$

$$\sqrt[4]{-1} = ?, \quad \sqrt[4]{2i} = ?, \quad \sqrt[4]{-1+i} = ?, \quad \sqrt[4]{\frac{3}{5} - i \cdot \frac{4}{5}} = ?, \quad z^4 = -81, \quad z = \sqrt[4]{-7 + 24i} = ?$$

2 Beispielsammlung fünfte Wurzeln

19

$$z^5 = 7 - i \cdot 4\sqrt{2}, \quad z = \sqrt[5]{-3+4i}, \quad z^5 = 3 - i \cdot 4\sqrt{2}, \quad z^5 = 1, \quad z^5 = 32 = 0$$

3 Beispielsammlung sechste Wurzeln

23

$$z^6 = -4\sqrt{3} - 4i, \quad \sqrt[6]{-8i}, \quad z = ?, \quad z^6 = i, \quad z^6 = 64i$$

4 Beispielsammlung ge' schene Exponenten

27

$$z^2 = (1+i \cdot \sqrt{3})^3, \quad \text{also } z = (1+i \cdot \sqrt{3})^{\frac{3}{2}}, \quad z^2 = (2-i)^{-2}, \quad \text{also } z^3 = (1-i)^2,$$

$$z^3 = (\sqrt{2}-i \cdot \sqrt{2})^5, \quad z = \frac{1}{\sqrt{-12+i \cdot 5}} = (2+i \cdot 5)^{-\frac{1}{2}}, \quad z = \frac{1}{\sqrt{2-i}} = (2-i)^{-\frac{1}{2}},$$

$$z = \frac{1}{\sqrt{2\sqrt{3}-i \cdot 2}}, \quad z = \sqrt[3]{-i}, \quad z = \frac{1}{(\sqrt[3]{\sqrt{3}-i})^2}, \quad z = \frac{1}{\sqrt[4]{4i}}, \quad z = \frac{1}{\sqrt[4]{-3+4i}},$$

$$z = \frac{1}{6\sqrt[6]{1-i}}, \quad z = (-4i)^{2/3}, \quad z = \sqrt{6-i \cdot 3\sqrt{5}}^3, \quad z = \sqrt[3]{\frac{1}{2}\sqrt{2}+i \cdot \frac{1}{2}\sqrt{2}}^2,$$

$$z = \frac{i}{\left(\sqrt[3]{-1-i \cdot \sqrt{3}}\right)^2}, \quad z = \sqrt{\frac{i}{1-i}}^5$$

5 Das Thema Einheitswurzeln

43

Zweite, dritte, sechste und achte Einheitswurzeln.